

פתרון בוידאו של בחינות 2020

1	מועד חורף
5	קיים מועד א
9	קיים מועד ב

בגרות חורף 2020

פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה במרחב,

מספרים מרוכבים ($\frac{2}{3} \cdot 66$ נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 1-3 (לכל שאלה $\frac{1}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, תיבדקנה רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

1) הנקודה A נמצאת על האלייפסה $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ בربיע הראשון.

a ו- b הם פרמטרים חיוביים.

נתון: $b > a$, אורך הציר הגדול של האלייפסה הוא 13. F_1 ו- F_2 הם מוקדי האלייפסה.
היקף המשולש F_1AF_2 הוא 25 ושטחו 12.

א. מצא את משוואת האלייפסה.

ב. מצא את שיעורי הנקודה A.

דרך הנקודה A עוברת פרבולה שימושו אתה היא $y^2 = 2px$ ($p > 0$ אינו שלם).
דרך הנקודה A העבירו משיק לפרבולה. המשיק חותך את ציר ה- x בנקודה T.

ג. מצא את שיעור ה- x של הנקודה T.

הפרבולה והאליפסה נחתכות בנקודה נוספת נוספת. B.
הנקודה D נמצאת על הישר AB.

ד. מצא את משוואת המקום הגאומטרי שעליו נמצאות כל נקודות מפגשי
התיכונים במשולשים ALD.

2) הישר ℓ עובר דרך ראשית הצירים, O, ומאונך למשורר π .

הנקודה $P(-1, -1, 2)$ היא נקודת החיתוך של הישר ℓ והמשורר π .

א. מצא את משוואת המשורר π .

OABCD היא פירמידה ישרה שבבסיסה, ABCD, הוא מלבן הנמצא על המשורר π (הנקודה O היא ראשית הצירים). הנקודות A ו- B הן נקודות החיתוך של
המשורר π עם ציר ה- x ועם ציר ה- y בהתאם.

ב. (1) מצא את שיעורי הקודקודים A ו-B.

(2) מצא את שיעורי הקודקודים C ו-D.

ג. חשב את גודל הזווית בין הפאה הצדית AOB בפירמידה OABCD ובין
בסיס הפירמידה.

הנקודות $(-2, -4, 0)$ ו- $G(-4, -2, 0)$ נמצאות על הקטע AB .

ד. (1) הראה כי $|FG| = \frac{1}{3}|AB|$

(2) מצא שיעוריים של שתי נקודות, H ו- I , כך שנפח הפירמידה $OGHI$

הוא $\frac{1}{3}$ מנפח הפירמידה $OABCD$. נמק את תשובתך.

(3) ענה על הסעיפים הבאים:

א. פטור את המשוואה $-1 = z^3$ (z הוא מספר מרוכב). פרט את חישוביך.

a_n היא סדרה הנדסית שהמנה שלה היא $2i$.

ב. הראה כי לכל n טבעי $a_{n+4} = 16a_n$.

הנקודות A, B, C ו- D במישור גאוס מייצגות את איברי הסדרה a_3, a_2, a_1, a_0 .

ו- a_4 בהתאם. a_1 הוא אחד הפתרונות של המשוואה $-1 = z^3$.

הנקודה A נמצאת ברביע הראשון.

ג. (1) סרטט סקיצה של המרובע $ABCD$.

(2) מצא את שטח המרובע $ABCD$.

ד. הנקודות $'A, 'B, 'C, 'D$ מייצגות את איברי הסדרה $a_8, a_7, a_6, a_5, a_4, a_3, a_2, a_1$ ו-

בהתאם. מצא את היחס בין שטח המרובע $'A'B'C'D'$ ובין שטח

המרובע $ABCD$. נמק.

פרק שני – גדייה ודעיכה, פונקציית חזקה,

פונקציות מעריכיות ולוגריתמיות (33 נקודות)

ענה על אחד מהשאלות 4-5.

שים לב! אם תענה על יותר משאלת אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

(4) נתונה הפונקציה: $f(x) = e^{\frac{a}{x-1}} + c$.
ו- c הם פרמטרים.

א. מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$.

נתון: משווהת האסימפטוטה האופקית של הפונקציה $f(x)$ היא $y = 1$,

הפונקציה $f(x)$ חותכת את ציר ה- y בנקודות $(0, e^{-4})$.

- ב. מצא את הערך של c ואת הערך של a .
- ג. (1) מצא את תחומי העליה והירידה של הפונקציה $f(x)$ (אם יש כאלה).
- (2) מה הם תחומי החיויבות והשליליות של הפונקציה $f(x)$ (אם יש כאלה)?
לפונקציה $f(x)$ יש נקודת פיתול ייחודית בנקודת שבה $x = -1$.
- ד. (1) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.
- (2) לאילו ערכי k הישר $y = k$ חותך את גרף הפונקציה $f(x)$? נמק.
- ה. העבירו משיק לגרף הפונקציה $f(x)$ בנקודת הפיתול שלו.
המשיך עובר בראשית הצירים. הסבר מדוע השטח הנמצא בربיע השני
ומוגבל על ידי גרף הפונקציה $f(x)$, על ידי המשיק ועל ידי ציר ה- y

$$\text{קטן מ-} \frac{1}{2}e^{-2}.$$

- 5) נתונה פונקציית הנגזרת של הפונקציה $f(x) = \frac{\ln(-x)+2}{x}$:
לפונקציות $f'(x)$ ו- $f''(x)$ יש אותו תחום הגדרה.
- א. (1) מצא את תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$.
- (2) מצא את תחומי העליה והירידה של הפונקציה $f(x)$.
- (3) מצא את תחומי הקעירות כלפי מעלה \cup והקעירות כלפי מטה \cap
של הפונקציה $f(x)$.
- ב. (1) מה הן משוואות האסימפטוטות המאונכות לצירים של פונקציית
הנגזרת, $f'(x) = ?$
- (2) סרטט סקיצה של גרף פונקציית הנגזרת, $f'(x) = ?$
נתון: $f(-e^{-2}) = 0$.
- ג. (1) מצא ביטוי אלגברי לפונקציה $f(x)$.
- (2) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.

תשובות סופיות:

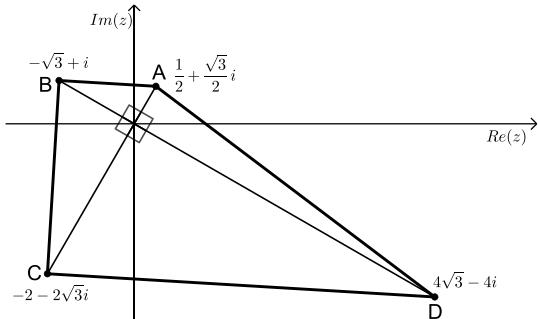
$$\left(\frac{4x^2}{169} + \frac{4y^2}{25} = 1 : 4 \right) \text{ אפשר גם } \frac{x^2}{42.25} + \frac{y^2}{6.25} = 1 \text{ נ. } \quad (1)$$

. $x = 1.3$. T $x_L = -3.9$. A A(3.9, 2) B

$$A(-6,0,0), B(0,-6,0) \text{ (1).} \quad x + y - 2z + 6 = 0 \text{ (2)} \\ 35.26^\circ \text{ (3).} \quad C(4,-2,4), D(-2,4,4) \text{ (2).}$$

ד. (1) הוכחה ד. (2) למשל: $H(2,0,4)$, $I(0,2,4)$

$$\left(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i, -1, \frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2}i\right) \text{ : אפשר גמ'} \quad \text{cis}60^\circ, \text{cis}180^\circ, \text{cis}300^\circ. \quad \text{א (3)}$$



ב. הוכחה. ג. (1) להלן סקיצה :

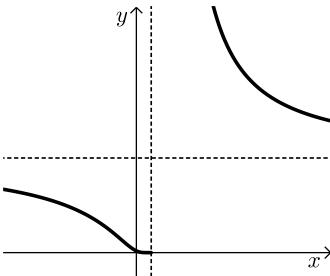
.256. ד. היחס הוא

$$a = 4, c = 0 \text{ . ב}$$

$x < 1, x > 1 :$

ג. (2) הפקאה חיובית בכל תה.

ד. (1) להלן סקיצה:



ד. הוכחה.

$$\text{. } x < -\frac{1}{e^2} : \text{ירידה , } -\frac{1}{e^2} < x < 0 : \text{עליה (2). נ } \quad x < 0 \text{ (1). נ (5)}$$

א. (3) הקויאורות כלפי מעלה: $x < -\frac{1}{e^2}$, $\frac{1}{e^2} < x < 0$



ב. (2) להלן סקיצה : $x = 0$, $y = 0$ (1)

$$F(x) = \frac{\ln^2(-x)}{2} + 2\ln(-x) + 2 \quad (1)$$

ג. (2) להלן סקיצה :



בגרות קיז 2020 מועד א':

פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה במרחב,

מספרים מרוכבים ($\frac{2}{3}$ נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 1-3 (לכל שאלה $\frac{1}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, תיבדקנה רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

1) OG הוא משולש. הנקודה O היא ראשית הצירים.

מן הנקודה (2,6) M הורידו גובה לצלע OG.

נתון כי אורך הגובה שהורידו הוא 6.

א. הראה כי המקום הגאומטרי של כל הנקודות G המתפללות באופן הזה

נמצא על שני ישרים, ומצא את משוואותיהם של היישרים.

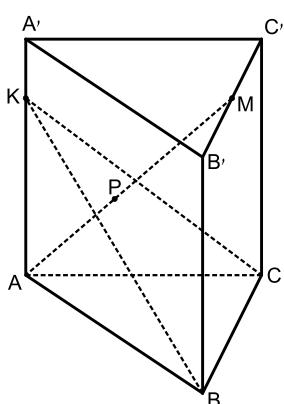
מעגל שמרכזו בנקודה M משייך לשני היישרים שמצאת בסעיף א' בנקודות P ו-Q.

ב. (1) רשם את משוואת המעגל.

(2) מצא את שיעורי הנקודות P ו-Q.

ג. האם המרובע OPMQ הוא בר חסימה במעגל? נמק.

אם כן, מצא את משוואת המעגל החוסם אותו.



2) נתונה משורה ישרה מושלשת 'ABC'A'B'C'.

נתון: הנקודה M היא אמצע הקטע C'B'.

הנקודה K נמצאת על הקטע AA' ומקיימת $AK = 2KA$.

נסמן: $\vec{AA'} = \underline{w}$, $\vec{KC} = \underline{y}$, $\vec{KB} = \underline{z}$.

א. הבע את \vec{AM} באמצעות \underline{w} , \underline{y} ו- \underline{z} .

P היא נקודה על AM המקיים: $\vec{KP} = \alpha \underline{w} + \beta \underline{y} + \gamma \underline{z}$.

(α ו- β הם סקלרים).

ב. מצא את α ואת β .

נתון: $\underline{y} = (10, -5, 0)$, $\underline{w} = (5, 5, -5)$, $P(0, 4, 6)$.

ג. (1) הסבר מדוע הנקודה P נמצאת על המישור KBC.

(2) מצא את משוואת המישור KBC.

(3) מצא את שיעורי הנקודה K.

(3) z_1 ו- z_2 הם שני מספרים מרוכבים שונים.

$$\text{נתון : } z_2 = \cos \frac{7\alpha}{3} + i \sin \frac{7\alpha}{3}, z_1 = \cos \alpha + i \sin \alpha$$

$$\frac{z_1}{z_2} \text{ הוא מספר ממשי. } \frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$$

$$\text{א. (1) מצא את } \alpha \text{ ואת } \frac{z_1}{z_2}.$$

(2) הראה כי $z_1 \cdot z_2$ הוא מספר מודומה.

$$\text{נתון : } w = \frac{z_1}{z_2} + z_1 \cdot z_2.$$

ב. מצא את כל פתרונות המשוואה $w^3 = z$.

- ג. (1) האם הפתרונות שמצאת בסעיף ב יכולים להתאים לקודקודים של משושה משוכל במישור גאוס? אם כן, מצא את שיעוריהם של שאר קודקודיו המשוואה.
 (2) תן דוגמה למספר טבעי $n > 6$ שבבערו הפתרונות שמצאת בסעיף ב מהווים קודקודים של מצולע משוכל בעל n קודקודים.

פרק שני – גדרה ודעיכה, פונקציית חזקה, פונקציות מעירכיות

ולוגריתמיות ($\frac{1}{3}$ נקודות)

ענה על אחד מהשאלות 4-5.

שים לב! אם תענה על יותר מ שאלה אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבחרתך.

(4) נתונה הפונקציה : $f(x) = \ln \left((e^x - b)^2 + 1 \right)$

ענה על סעיף א. אם b אין, הבע את תשובותיך באמצעות b .

א. (1) מהו תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$?

(2) נמק מדוע $0 \leq f(x) \leq \infty$ בכל תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$.

(3) מצא את המשוואה של האסימפטוטה האופקית של הפונקציה $f(x)$.

(4) קבע בעבר אילו ערכים של b יש לפונקציה $f(x)$ נקודת קיצוץ,

אם יש זאת, מצא את שיעוריה, והראה שהיא נקודת מינימום.

(5) סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$ עבור $b=2$.

ב. מצא את כל הערכים של b שבעבורם הישר $y = \ln 5$ הוא אסימפטוטה של הפונקציה $f(x)$. נמק.

ג. נתון כי בעבר אחד מן הערכים של b שמצאת בסעיף ב, אין לפונקציה $f(x)$ נקודות קיצון.

בעבור הערך זהה של b , קבע אם הפונקציה $f(x)$ עולה או יורדת. נמק.

5) נתונה הפונקציה $f(x) = e^x(x-5)$, המוגדרת לכל x .

א. הראה כי: $f''(x) = e^x(x-3)$ וכי $f'(x) = e^x(x-4)$

$f^{(3)}(x) = f'''(x)$ של $f(x)$ (למשל $f^{(n)}(x)$) היא נגזרת מסדר n .

נתונה הטענות: $f^{(n)}(x) = e^x(x-5+n)$ בעבר כל n טבעי.

ב. מצא את $f'''(x)$ והראה כי הטענות הנתונות מתקינות בעברות.
עננה על סעיף ג. אם ציריך, הביא את תשובה תיכון באמצעות n .

ג. (1) מצא את שיעורי נקודות החיתוך של גרף הפונקציה $f(x)$ עם הצירים.

(2) מצא את משווהת האסימפטוטה האופקית של הפונקציה $f(x)$.

(3) מצא את שיעורי נקודות הקיצון של הפונקציה $f(x)$ (אם יש כאלה),
וקבע את סוגן.

(4) הראה כי הגרפים של הפונקציה $f(x)$ ו- $f^{(m)}(x)$ אינם נחתכים בעבר
שני מספרים טבעיים שונים m ו- k .

(5) סרטט על מערכת צירים אחת סקיצה של הגרפים של הפונקציות
מן הפונקציות $f(x)$, $f'(x)$ ו- $f''(x)$ וכתוב איפה מן הגרפים מותאים לכל אחת

ד. הסתמך על הטענות הנתונות ומצא לפונקציה $f(x)$ פונקציה קדומה, $F(x)$,
אם נתון כי הגרף של הפונקציה $F(x)$ עובר בראשית הצירים.
אמת את תשובהך על ידי גזירה.

תשובות סופיות:

ב. $(x-2)^2 + (y-6)^2 = 36$ (1)

$y = -\frac{3}{4}x, y = 0$. א. (1)

ג. כנ. $(x-1)^2 + (y-3)^2 = 10$

ב. $(-1.6, 1.2), (2, 0)$ (2)

ב. $\alpha = \frac{1}{5}, \beta = \frac{1}{5}$

$\overline{AM} = \frac{5}{3}\underline{w} + \frac{1}{2}\underline{u} + \frac{1}{2}\underline{v}$ א. (2)

ג. (1) ראה הסבר בפתרון הויידאו.

ג. $K(-3, 4, 7)$ (3)

א. $z_1 \cdot z_2 = i$ (2)

ב. $\alpha = \frac{3\pi}{4}, \frac{z_1}{z_2} = \text{cis}(-\pi) = -1$ (1)

ג. (1) כנ. $(0, 2), (-\sqrt{3}, -1), (\sqrt{3}, -1)$

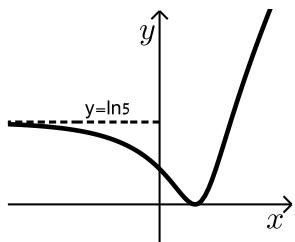
ב. $2\text{cis}\frac{1}{6}\pi, 2\text{cis}\frac{5}{6}\pi, 2\text{cis}\frac{3}{2}\pi$

ג. $n=9$ (2)

א. $y = \ln(b^2 + 1)$ (3)

א. (1) כל x א. (2) הוכחה (4)

א. (5) להלן סקיצה:



ג. $y = 0$ (2)

ג. (4) הוכחה.

. $F(x) = e^x(x-6)+6$ ד. (5) להלן סקיצה:

ב. $b=2, b=-2$
ג. עבור $b=-2$ אין נקודות קיצון
והפונקציה $f(x)$ בכל תחום הגדרתה.

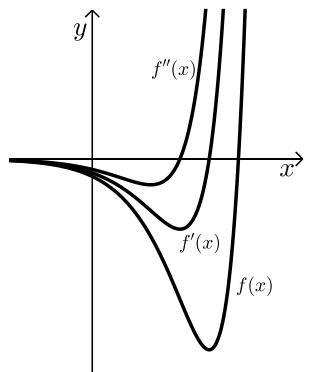
א. הוכחה. (5)

ב. $f'''(x) = e^x(x-2)$

ג. $(0, n-5), (5-n, 0)$ (1)

ג. $\min(4-n, -e^{4-n})$ (3)

ג. (5) להלן סקיטה:



בגרות קיץ 2020 מועד ב':

פרק ראשון – גאומטריה אנליטית, וקטורים, טריגונומטריה במרחב,

מספרים מרוכבים ($\frac{2}{3} \cdot 66$ נקודות)

ענה על שתיים מהשאלות 1-3 (לכל שאלה $\frac{1}{3}$ נקודות).

שים לב! אם תענה על יותר משתי שאלות, תיבדקנה רק שתי התשובות הראשונות שבמחברתך.

1) הישר $0 = 3y - 4x$ משיק למעגל שמרכזו $(5a, 0)$. a הוא פרמטר חיובי.

א. הביע את משוואת המעגל באמצעות a .

מנקודה G , הנמצאת מחוץ למעגל, העבירו ישר, המשיק למעגל בנקודה K .

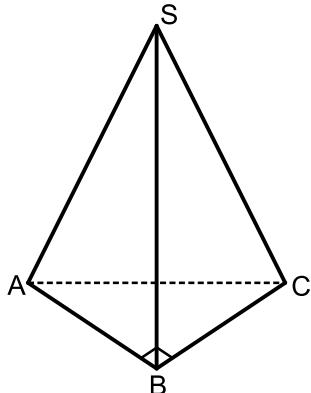
ב. הביע באמצעות a את משוואת המקום הגאומטרי של כל הנקודות G

שבעבורן המרחק GK שווה למרחק שלhn מן הישר $3a = x$ וצידר סקיצה שלו.

נתון: אורך הקטע GK הקצר ביותר האפשרי הוא 7.5.

ג. (1) מה הם שיעורי הנקודה G שבעבורה אורך הקטע GK הוא 7.5? נמק.

(2) מצא תא ערכו של הפרמטר a . נמק.



2) נתונים שני ישרים:

$$l_1 : \underline{x} = (6, 10, -7) + k(3, 5, -4)$$

$$l_2 : \underline{x} = (15, 0, 6) + t(9, 0, 13)$$

ונטוון הווקטור: $\underline{AC} = (6, 0, -8)$.

הנקודה A נמצאת על הישר l_1 והנקודה C

נמצאת על הישר l_2 כך ש- $\underline{AC} = \underline{u}$.

א. מצא את שיעורי הנקודות A ו- C .

$SABC$ היא פירמידה ישרה שבבסיסה, ABC , הוא מושלש ישר זווית ($\angle ABC = 90^\circ$).

הנקודה S נמצאת על הישר l_2 והנקודה B נמצאת על הישר l_1 .

ב. מצא את שיעורי הנקודה B .

ג. מצא את משוואת המישור ABC .

מן הנקודה C העלו אנך למישור ABC .

ד. חשב את הזווית שבין האנך ובין הישר l_2 .

(3) z הוא מספר מרוכב.

א. פתרו את המשוואה $z^5 = 2^5$.

הנקודות A_1, A_2, \dots, A_n במישור גaus מתאימות לפתרונות המשוואה $z^n = 2^n$.
 $(\geq n)$ הוא מספר טבעי.

חיברו את הנקודות A_1, A_2, \dots, A_n ויצרו מצולע משוכלל קמור.
 נתנו כי שטח המצולע שהתקבל שווה ל- n .

ב. מצא את n .

ענה על הסעיפים ג-ד בעבר הערך של n שמצאת בסעיף ב.
 $a+bi$ הוא פתרון של המשוואה $z^n = 2^n$ כך ש- $0 > b \cdot a$
 [כלומר: $0 > \operatorname{Re}(w) \cdot \operatorname{Im}(w)$].

ג. באילו ריבועים נמצאים פתרונות w כאלה?

ארבע הנקודות הנמצאות בריבועים שמצאת בסעיף ג הן קודקודיו של מלבן.
 אם מכפילים כל אחד מן המספרים המתאים להנקודות הללו
 במספר θ ($0^\circ \leq \theta \leq 90^\circ$), מתקבל מלבן חדש, שצלעותיו
 מקבילות לציריהם.

ד. מצא את הזווית θ . נמק.

פרק שני – גדייה ודעיכה, פונקציות חזקה, פונקציות מעירכיות

ולוגריתמיות (33 נקודות)

ענה על אחד מהשאלות 4-5.

שים לב! אם תענה על יותר מ שאלה אחת, תיבדק רק התשובה הראשונה שבמחברתך.

(4) נתונה הפונקציה: $f(x) = \frac{2e^{2x}}{e^{2x} - ae^x + 3}$, a הוא פרמטר.

הפונקציה $f(x)$ אינה מוגדרת בעבר $x=0$.

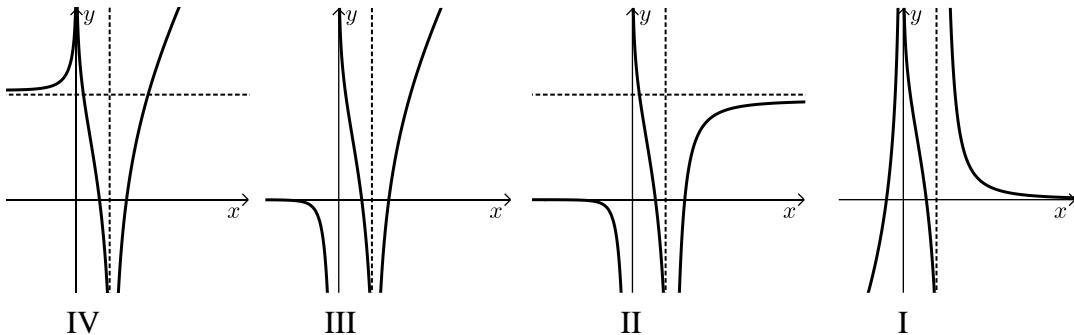
א. (1) מצא את a ואת תחום ההגדרה של הפונקציה $f(x)$.

(2) מצא את משוואות האסימפטוטות המאונכות לצירים של הפונקציה $f(x)$.

(3) מצא את תחומי העלייה והירידה של הפונקציה $f(x)$.

ב. סרטט סקיצה של גרף הפונקציה $f(x)$.

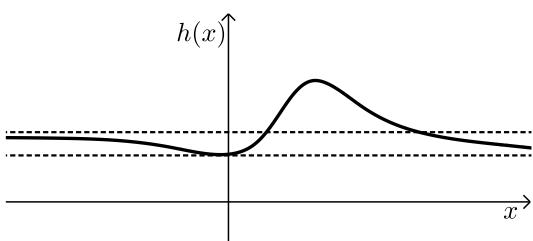
- ג. אחד מן הגרפים I-IV שבסוף השאלה מתאר פונקציה קדומה לפונקציה $f(x)$. המוגדרת בתחום ההגדרה של $f(x)$. איזה מהם מתאר אותה? נמק.
- ד. נתונה הפונקציה: $h(x) = f(x+k)$. עבור איזה ערך של $k \neq 0$ יש לפונקציה $h(x)$ אסימפטוטה שמשוואתה היא $x=0$? נמק.



- 5) הפונקציות $f(x) = \ln(f(x))$ ו- $g(x) = \ln(f(x))$ מוגדרות וגזירות לכל x .
- א. הראה כי לפונקציה $f(x)$ ולפונקציה $g(x)$ יש נקודות קיצון באותם שיעורי x ושנקודות הקיצון הללו הן מאותו הסוג (מינימום/מקסימום).

בצורך שלפניך מתואר גרף של פונקציה $f(x)$, כך ש- $f(x)$ מוגדרות וגזירות לכל x . לפונקציה $f(x)$ יש נקודת קיצון ייחידה ששיעוריה הם $(1, 2)$, ושתי אסימפטוטות: אסימפטוטה שימושוואהת היא $y=1$, ואסימפטוטה נוספת שימושוואהת היא $y=\frac{2}{3}$. גраф הפונקציה $f(x)$ חותך את ציר ה- y כאשר $y=1$. ענה על סעיף ב בהסתמך על הגרף המתואר בציור.

- ב. (1) מהו תחום ההגדרה של הפונקציה $g(x)$? נמק.
 (2) מה הם שיעורי נקודת הקיצון של הפונקציה $g(x)$?
 (3) מה הן משוואות האסימפטוטות של הפונקציה $g(x)$ המאונכות לצירים?
 (4) מצא את תחומי החיוביות והשליליות של הפונקציה $g(x)$. נמק.
 (5) סרטט סקיצה של גраф הפונקציה $g(x)$.



נגידר : $h(x) = f(x) - g(x)$
 לפניך סרטוט של גרף הפונקציה $h(x)$.
 ג. (1) מצא את שיעורי נקודות הקיצון
 של הפונקציה $h(x)$.
 קבע את סוגן בעזרת הגרף.

(2) הנקודה A נמצאת על גרף הפונקציה $f(x)$ והנקודה B נמצאת על
 גרף הפונקציה $g(x)$ כך שהקטע AB מאונך לציר ה- x .
 מהו שיעור ה- x שבעבורו אורך הקטע AB הוא 1? נמק.

תשובות סופיות:

. $a = 2.5$ (2) ג. G(0,0) (1) ג. ג. $y^2 = 16ax$ ב. $(x-5a)^2 + y^2 = 16a^2$ א. (1)

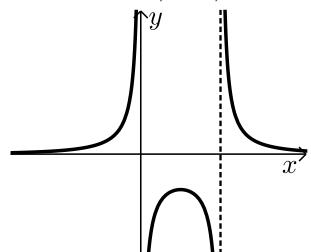
. 18.43° ט. $4x+3z-3=0$ ג. B(3,5,-3) ב. ב. A(0,0,1), C(6,0,-7) א. (2)

. $n=12$ ב. 2, $2\text{cis}72^\circ$, $2\text{cis}144^\circ$, $2\text{cis}216^\circ$, $2\text{cis}288^\circ$ א. (3)

. $\theta = 45^\circ$ ד. רביעים I, III.

. א. $x \neq 0$, $x \neq \ln 3$: תחום הגדרה: (1) א. (1), $a=4$ (2) א. (2), $y=0$, $y=2$, $x=\ln 3$, $x=0$ (3) א. (3) עליה: $\ln 1.5 < x < \ln 3$, $x > \ln 3$: יורדת: $x < 0$, $0 < x < \ln 1.5$

. $k = \ln 3$ ט. ג. גרף IV. ב. להלן סקיצה:



. א. הוכחה. (5) ב. (1) כל x ב. (2) ב. (1) $\max(1, \ln 2)$

. ב. (3) $x < 0$, $x > 0$: חיובית: ב. (4) שלילית: $y = 0$, $y = \ln \frac{2}{3}$ (3)

. ג. $x=0$ (2) ב. (5) להלן סקיצה: ג. (1) $\min(0, 1)$, $\max(1, 1.306)$

